

**РЕГИОНАЛЕН ИНСПЕКТОРАТ ПО ОБРАЗОВАНИЕТО, СОФИЯ-ГРАД**

Национално състезание-тест по математика за VII клас  
Общински кръг, София, 21 февруари 2010 г.

Утвърдил: .....  
Ваня Кастрева  
началник РИО, София-град

**КРИТЕРИИ ЗА ОЦЕНЯВАНЕ**

**ПЪРВИ МОДУЛ**

задача	1.	2.	3.	4.	5.	6.	7.	8.	9.	10.
отговор	Б	В	А	Б	В	Б	В	Г	Г	Г

задача	11.	12.	13.	14.	15.	16.	17.	18.	19.	20.	21.	22.	23.	24.	25.
отговор	Б	В	А	В	Г	Б	А	Г	А	Б	А	А	В	А	В

**ВТОРИ МОДУЛ**

26.  $\frac{9}{10}$

27.  $135^\circ$

28. 13 cm

29. Критерии за оценка: За получено:  $(a^2 - 1)x = 3a + 3$  - 1 точка;

$(a - 1)(a + 1)x = 3(a + 1)$  - 1 точка;

За изводите: ако  $a = -1$ , то всяко число е решение - 1 точка;

следователно при  $a = -1$  уравнението има поне един цял корен, т.е.  $a = -1$  е решение на задачата - 1 точка;

ако  $a = 1$ , то уравнението няма решение - 1 точка;

ако  $a \neq \pm 1$ , то уравнението има единствен корен  $x = \frac{3}{a - 1}$  - 1 точка;

$\frac{3}{a - 1}$  е цяло число, ако  $a - 1 = \pm 1 \Rightarrow a_1 = 0, a_2 = 2$ ; ако  $a - 1 = \pm 3 \Rightarrow a_3 = -2, a_4 = 4$

- 4 точки;

Окончателно търсените стойности на  $a$  са:  $-1, 0, \pm 2$  и  $4$ .

30. За доказано:  $MD = MC$  - 1 точка;

За построени  $AQ \perp DM$  ( $Q \in DM$ ) и  $BP \perp MC$  ( $P \in CM$ ) и направен извод  $AQ = BP$

- 1 точка;

За доказано:  $\triangle AMQ \cong \triangle BCP$  - 1 точка;

$\triangle AMD \cong \triangle BCM$  - 1 точка;

$\angle ABC = \angle BAC = 70^\circ, \angle ADM = \angle BMC = 2\alpha, \angle AMD = \angle BCM = 2\beta$  - 2 точки;

$2\alpha + 2\beta = 110^\circ \Rightarrow \alpha + \beta = 55^\circ$  - 1 точка;

$\angle DMC = 70^\circ$  и  $\angle MDC = \angle DCM = 55^\circ$  (или  $\angle MDC + \angle DCM = 110^\circ$ ) - 1 точка;

$\angle CFD = 180^\circ - (\alpha + \beta + 110^\circ) = 15^\circ$  ( $F$  е пресечната точка на ъглополовящите на ъглите  $ADM$  и  $BCM$ ) - 2 точки;